

Übungsaufgaben 3

Komplemente und Kontrollstrukturen - Lösung

Aufgabe 1

Führe für folgende Binärzahlen die bitweise Negation durch:

- a) 0_2
- b) 0000_2
- c) 1111_2
- d) 1010_2
- e) $1100\ 0011\ 1001\ 1011\ 0111_2$

Lösung:

- a) $\sim 0_2 = 1_2$
- b) $\sim 0000_2 = 1111_2$
- c) $\sim 1111_2 = 0000_2$
- d) $\sim 1010_2 = 0101_2$
- e) $\sim 1100\ 0011\ 1001\ 1011\ 0111_2 = 0011\ 1100\ 0110\ 0100\ 1000_2$

Aufgabe 2

Wie lautet das Einskomplement folgender Zahlen bei 8 Bit (Man gebe zudem die Dezimalzahlen der unten stehenden Binärzahlen und ihres Einkomplements an):

- a) $0000\ 0101_2$
- b) $0000\ 1111_2$
- c) $0010\ 0000_2$
- d) $0111\ 1111_2$

Lösung:

- a) $\sim 5_{10} = \sim 0000\ 0101_2 = 1111\ 1010_2 = -5_{10}$
- b) $\sim 15_{10} = \sim 0000\ 1111_2 = 1111\ 0000_2 = -15_{10}$
- c) $\sim 32_{10} = \sim 0010\ 0000_2 = 1101\ 1111_2 = -32_{10}$
- d) $\sim 127_{10} = \sim 0111\ 1111_2 = 1000\ 0000_2 = -127_{10}$

Aufgabe 3

Man gebe die Dezimalzahl zu den unten stehenden Einskomplementen an (8 Bit):

- a) $1000\ 0101_2$
- b) $1000\ 1111_2$
- c) $1010\ 0000_2$
- d) $1111\ 1111_2$

Lösung:

- a) $1000\ 0101_2 = -122_{10}$
- b) $1000\ 1111_2 = -112_{10}$
- c) $1010\ 0000_2 = -95_{10}$
- d) $1111\ 1111_2 = -0_{10}$

Aufgabe 4

Was stört bei der Einskomplement-Darstellung?

Lösung: Für die 0 gibt es eine doppelte Darstellung, nämlich $00\dots 00_2 = +0_{10}$ und $11\dots 11_2 = -0_{10}$. Außerdem ist der Wertebereich um eins verkleinert.

Aufgabe 5

Ermittelt zu folgenden Zahlen die Zweikomplement-Darstellung bei 8 Bit (Binärzahlen und Dezimalzahlen angeben).

- a) 5
- b) 15
- c) 32
- d) 127

Lösung:

- a) $5_{10} = 0000\ 0101_2$
 $\Rightarrow \sim 0000\ 0101_2 + 1_2 = 1111\ 1010_2 + 1_2 = 1111\ 1011_2 = -5_{10}$
- b) $15_{10} = 0000\ 1111_2$
 $\Rightarrow \sim 0000\ 1111_2 + 1_2 = 1111\ 0000_2 + 1_2 = 1111\ 0001_2 = -15_{10}$
- c) $32_{10} = 0010\ 0000_2$
 $\Rightarrow \sim 0010\ 0000_2 + 1_2 = 1101\ 1111_2 + 1_2 = 1110\ 0000_2 = -32_{10}$
- d) $127_{10} = 0111\ 1111_2$
 $\Rightarrow \sim 0111\ 1111_2 + 1_2 = 1000\ 0000_2 + 1_2 = 1000\ 0001_2 = -127_{10}$

Aufgabe 6

Rechnet folgende Ausdrücke aus. Die Zahlen sind dabei alle in der Zweikomplement-Darstellung gegeben (8 Bit).

- a) $5 + (-21)$
b) $15 + (-5)$
c) $32 + 4$
d) $127 + -(127)$

Lösung:

- a) $5_{10} = 0000\ 0101_2, -21_{10} = 1110\ 1011_2$
 $\Rightarrow 0000\ 0101_2 + 1110\ 1011_2 = 1111\ 0000_2 = -16_{10}$
- b) $15_{10} = 0000\ 1111_2, -5_{10} = 1111\ 1011_2$
 $\Rightarrow 0000\ 1111_2 + 1111\ 1011_2 = 0000\ 1010_2 = 10_{10}$
- c) $32_{10} = 0010\ 0000_2, 4_{10} = 0000\ 0100_2$
 $\Rightarrow 0010\ 0000_2 + 0000\ 0100_2 = 0010\ 0100_2 = 36_{10}$
- d) $127_{10} = 0111\ 1111_2, -127_{10} = 1000\ 0001_2$
 $\Rightarrow 0111\ 1111_2 + 1000\ 0001_2 = 0000\ 0000_2 = 0_{10}$

Aufgabe 7

Rechnet folgende Ausdrücke aus. Die Zahlen sind dabei alle *nicht* in der Zweikomplement-Darstellung gegeben, d.h. die Zahlen (die nach dem Minus) sind umzurechnen (8 Bit).

- a) $19 - 28$
b) $56 - 9$
c) $1 - 2$
d) $3 - 127$

Lösung:

- a) $19_{10} = 0001\ 0011_2$, $28_{10} = 0001\ 1100_2$
 $\Rightarrow \sim 0001\ 1100_2 + 1_2 = 1110\ 0011_2 + 1_2 = 1110\ 0100_2 = -28_{10}$
 $\Rightarrow 19_{10} + (-28_{10}) = 0001\ 0011_2 + 1110\ 0100_2 = 1111\ 0111 = -9_{10}$
- b) $56_{10} = 0011\ 1000_2$, $9_{10} = 0000\ 1001_2$
 $\Rightarrow \sim 0000\ 1001_2 + 1_2 = 1111\ 0110_2 + 1_2 = 1111\ 0111_2 = -9_{10}$
 $\Rightarrow 56_{10} + (-9_{10}) = 0011\ 1000_2 + 1111\ 0111_2 = 0010\ 1111_2 = 47_{10}$
- c) $1_{10} = 0000\ 0001_2$, $2_{10} = 0000\ 0010_2$
 $\Rightarrow \sim 0000\ 0010_2 + 1_2 = 1111\ 1101_2 + 1_2 = 1111\ 1110_2 = -2_{10}$
 $\Rightarrow 1_{10} + (-2_{10}) = 0000\ 0001_2 + 1111\ 1110_2 = 1111\ 1111_2 = -1_{10}$
- d) $3_{10} = 0000\ 0011_2$, $127_{10} = 01111\ 1111_2$
 $\Rightarrow \sim 01111\ 1111_2 + 1_2 = 1000\ 0000_2 + 1_2 = 1000\ 0001_2 = -127_{10}$
 $\Rightarrow 3_{10} + (-127_{10}) = 0000\ 0011_2 + 1000\ 0001_2 = 1000\ 0100_2 = -124_{10}$

Aufgabe 8

Schreibe ein einfaches Java-Programm, welches einem Monat vom Benutzer einliest (mit Hilfe des „java.util.Scanner“). Verwende dafür die Zahlen 1 bis 12 (1 = Januar, 2 = Februar, ..., 12 = Dezember). Für jeden Monat soll nun die Anzahl der Tage ausgegeben werden. Nutze hierzu die *einfache Verzweigung*.

Lösung: Eine mögliche Lösung:

```
import java.util.Scanner;
public class Nr8
{
    public static void main(String [] args)
    {
        Scanner scanner = new Scanner(System.in);
        System.out.println("Enter a month (Number between
                           1 and 12) an I tell you the number of days");
        int month = scanner.nextInt();

        if (month == 2)
        {
            System.out.println("28 Tage");
        }

        if ((month == 1) || (month == 3) || (month == 5)
            || (month == 7) || (month == 9) || (month ==
            11))
        {
            System.out.println("31 Tage");
        }

        if ((month == 4) || (month == 6) || (month == 8)
            || (month == 10) || (month == 12))
        {
            System.out.println("30 Tage");
        }
    }
}
```

Aufgabe 9

Schreibe ein einfaches Java-Programm, welches einem Monat vom Benutzer einliest (mit Hilfe des „java.util.Scanner“). Verwende dafür die Zahlen 1 bis 12 (1 = Januar, 2 = Februar, ..., 12 = Dezember). Für jeden Monat soll nun die Anzahl der Tage ausgegeben werden. Nutze hierzu die *Mehrfachverzweigung*.

Lösung: Eine mögliche Lösung:

```
import java.util.Scanner;
public class Nr9
{
    public static void main(String [] args)
    {
        Scanner scanner = new Scanner(System.in);
        System.out.println("Enter a month (Number between
                           1 and 12) and I tell you the number of days");
        int month = scanner.nextInt();

        switch(month)
        {
            case 1:
                System.out.println("31 Tage");
                break;
            case 2:
                System.out.println("28 Tage");
                break;
            case 3:
                System.out.println("31 Tage");
                break;
            case 4:
                System.out.println("30 Tage");
                break;
            case 5:
                System.out.println("31 Tage");
                break;
            case 6:
                System.out.println("30 Tage");
                break;
            case 7:
                System.out.println("31 Tage");
                break;
            case 8:
                System.out.println("30 Tage");
                break;
            case 9:
                System.out.println("31 Tage");
                break;
            case 10:
                System.out.println("31 Tage");
                break;
            case 11:
                System.out.println("30 Tage");
                break;
            case 12:
                System.out.println("31 Tage");
                break;
        }
    }
}
```

```
        case 9:
            System.out.println("31 Tage");
            break;
        case 10:
            System.out.println("30 Tage");
            break;
        case 11:
            System.out.println("31 Tage");
            break;
        case 12:
            System.out.println("30 Tage");
            break;
        default:
            System.out.println("Please enter a viable
                               number between 1 and 12 (Your number:
                               " + month + ")");
    }
}
```

Aufgabe 10

Kann Aufgabe 8 mit 3 oder weniger If-Statements gelöst werden? Wenn ja wie? Wenn nein warum nicht?

Lösung: Ja.

```
import java.util.Scanner;
public class Nr10
{
    public static void main(String [] args)
    {
        Scanner scanner = new Scanner(System.in);
        System.out.println("Enter a month (Number between
                           1 and 12) an I tell you the number of days");
        int month = scanner.nextInt();

        if(month == 2)
        {
            System.out.println("28 Tage");

            if((month == 1) || (month == 3) || (month ==
                5) || (month == 7) || (month == 9) ||
                (month == 11))
            {
                System.out.println("31 Tage");
            }

            if((month == 4) || (month == 6) || (month ==
                8) || (month == 10) || (month == 12))
            {
                System.out.println("30 Tage");
            }
        }
    }
}
```

Aufgabe 11

Wie oft wird die folgende Schleife ausgeführt und warum?

```
int i = 10;
do {
    i = i - 3;
} while (i > 5);
```

Lösung: Zwei mal, da danach die Bedingung am Ende des zweiten Durchlaufes "4 > 5" lautet und somit die Schleife beendet wird.

Aufgabe 12

Welche Zahlen werden bei diesen Schleifen ausgegeben? Und wie oft werden diese ausgeführt?

a)

```
for( int i=1; i <= 10; i++ ){
    System.out.println( i );
}
```

b)

```
for( int i=1; i <= 10; i = i+2 ){
    System.out.println( i );
}
```

c)

```
for( int i=1; i <= 10; i = i*2 ){
    System.out.println( i );
}
```

d)

```
for( int i=1; i < 10; i = i+2 ){
    if (i >= 5) {
        System.out.println( i );
        i--;
    } else {
        System.out.println( i );
    }
}
```

e)

```
int i = 0;  
do {  
    if (i < 4) {  
        System.out.println( i );  
    }  
    if (i > 4) {  
        System.out.println( i );  
    } else {  
        i--;  
    }  
    i = i+2;  
} while (i < 10);
```

Lösung:

	Durchlauf	Ausgabe
a)	1	1
	2	2
	3	3
	4	4
	5	5
	6	6
	7	7
	8	8
	9	9
	10	10

	Durchlauf	Ausgabe
b)	1	1
	2	3
	3	5
	4	7
	5	9

	Durchlauf	Ausgabe
c)	1	1
	2	2
	3	4
	4	8

Durchlauf	Ausgabe
1	1
2	3
3	5
d)	
4	6
5	7
6	8
7	9

Durchlauf	Ausgabe
1	0
2	1
e)	
3	2
4	3
5	5
6	7
7	9